

Rプログラミング (演習解答)

○関数定義

問題 1 (1) : あるライブコンサートのチケットの料金は次の通りである。

S席 : 10000円, A席 : 8000円, B席 : 5000円

このとき、各チケットの枚数を変数とし、出力を売上額とする関数`rieki`を定義しなさい。

解答例 :

```
rieki <- function(a,b,c) {  
  
  x <- 10000*a+8000*b+5000*c  
  
  return(x)  
}
```

```
reiki(2,3,4) = 64000
```

○関数定義

(2) (ヘロンの公式) 3つの正の数値(a, b, c)を入力して, その長さを三辺とする三角形の面積を求める関数 heron01を作成しなさい.

出力例:

heron01(2,2,2)=1.732051

(解答例)

```
Heron01 <- function(a,b,c) {  
  s = (a+b+c)/2  
  v = sqrt(s*(s-a)*(s-b)*(s-c))  
  return(v)  
}
```

○if 文

問題2 (1) AとBが買い物に行くとする。Aがある書籍を購入したい。

もしもAの所持金で足りればそのまま支払う。

もしもAの所持金で足りない場合、Bから借りて支払う。

もしもAの所持金で足りない場合、Bから借りても支払うことができなければ購入しない。

A, Bの所持金と書籍の値段を入力したとき、Bからの借入金額を出力する関数loanを定義しなさい。

出力例：

```
loan(200, 300, 150) = 0
```

```
loan(200, 300, 400) = 200
```

```
loan(200, 300, 900) = "too expensive"
```

問題2 (1) (解答)

```
loan <- function(a,b,c) {  
  x<-0  
  if(a>=c){  
    x <- 0  
  }  
  else if(a+b >= c){  
    x <- c-a  
  }  
  else{  
    x <- "too expensive"  
  }  
  return(x)  
}
```

出力例：

```
loan(200,300,150) = 0
```

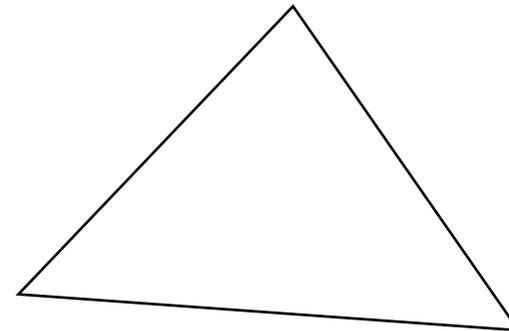
```
loan(200,300,400) = 200
```

```
loan(200,300,900) = "too expensive"
```

○ if文（ヘロンの公式）

(2) 3つの正の数値(a, b, c)を小さい順に入力して, その長さを三辺とする三角形の面積を求める関数を heron02 作成しなさい。ただし, 3つの数値から三角形が出来ない場合は999を出力する。

(3) 3つの正の数値(a, b, c)をランダムに入力して, その長さを三辺とする三角形の面積を求める関数 heron03 を作成しなさい。ただし, 3つの数値から三角形が出来ない場合は999を出力する。



○ if文（ヘロンの公式）（解答）

(2) 3つの正の数値(a, b, c)を小さい順に入力して、その長さを三辺とする三角形の面積を求める関数を heron02 作成しなさい。ただし、3つの数値から三角形が出来ない場合は999を出力する。

(3) 3つの正の数値(a, b, c)をランダムに入力して、その長さを三辺とする三角形の面積を求める関数 heron03 を作成しなさい。ただし、3つの数値から三角形が出来ない場合は999を出力する。

```
(2) :  
heron02 <- function(a,b,c){  
  if (c < a+b){  
    s <- (a+b+c)/2;  
    v <- sqrt(s*(s-a)*(s-b)*(s-c));  
  }  
  else{  
    v <- 999;  
  }  
  return(v);  
}
```

```
(3)  
heron03 <- function(a,b,c){  
  if (c < a+b && b < c+a && a < b+c ){  
    s <- (a+b+c)/2  
    v <- sqrt(s*(s-a)*(s-b)*(s-c))  
  }  
  else{  
    v <- 999  
  }  
  return(v)  
}
```

○For 文

問題3 次のような初項から第n項までの和を求める関数sowaを定義しなさい.

$$(1) \text{ sowa1} = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots$$

$$(2) \text{ sowa2} = 1 + 2 + 4 + 8 + 16 + \dots$$

$$(3) \text{ sowa3} = 1 + 4 + 9 + 16 + \dots$$

出力例 : $\text{sowa1}(100)=5050$, $\text{sowa2}(4) = 15$, $\text{sowa3}(3)=14$.

問題3 (解答)

```
sowa1 <- function(n) {  
  x <- 0  
  for (i in 1:n) {  
    x <- x+i  
  }  
  return(x)  
}
```

出力例: sowa1(100)=5050

```
sowa2 <- function(n) {  
  x<-0  
  for (i in 1:n) {  
    x <- x+2^(i-1)  
  }  
  return(x)  
}
```

出力例: sowa2(4) = 15

```
sowa3 <- function(n) {  
  x<-0  
  for (i in 1:n) {  
    x <- x+i^2  
  }  
  return(x)  
}
```

出力例: sowa3(3)=14.

問題4 次のような初項から第n項までの和を求める関数waを再帰的に定義しなさい。
ただし、if文と再帰的定義を用いること（実習8を参照）

$$(1) \text{ wa1} = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots$$

$$(2) \text{ wa2} = 1 + 2 + 4 + 8 + 16 + \dots$$

$$(3) \text{ wa3} = 1 + 4 + 9 + 16 + \dots$$

出力例：wa1(100) = 5050, wa2(4) = 15, wa3(3) = 14.

関数waの再帰的定義

問題4 (解答)

```
wa1 <- function(n){  
  if(n==1){  
    x <- 1  
  }  
  else{  
    x <- n + wa1(n-1)  
  }  
  return(x)  
}
```

wa1(100)

```
wa2 <- function(n){  
  if(n==1){  
    x <- 1  
  }  
  else{  
    x <- 2^(n-1) + wa2(n-1)  
  }  
  return(x)  
}
```

wa2(3)

```
wa3 <- function(n){  
  if(n==1){  
    x <- 1  
  }  
  else{  
    x <- n^2 + wa3(n-1)  
  }  
  return(x)  
}
```

wa3(3)

問題5 フィボナッチ数列：1, 1, 2, 3, 5, 8…を生成する関数fibを再帰的に定義しなさい。

出力例：fib(6) = 8

○カウント関数

問題6 n個の自然数からなるリストに対してその中に偶数がいくつあるかカウントする関数count_evenを定義しなさい。

出力例：

```
data <-c (1,2,3,4,5)
```

```
count_even(data)=2
```

問題5 (解答)

```
fib <- function(n) {  
  if(n<=2) {  
    x <- 1  
  }  
  else{  
    x <- fib(n-1) + fib(n-2)  
  }  
  return(x)  
}
```

```
fib(6)
```

問題6 (解答)

```
count_even <- function(vec) {  
  num <- 0  
  n <- length(vec)  
  for(i in 1:n) {  
    if(vec[i]%%2==0) {  
      num <- num+1  
    }  
  }  
  return(num)  
}
```

```
data <- c(1,2,3,4,5,6,7,8,9,10)  
count_even(data)
```

○線形探索

問題7 すべての値が異なる自然数からなるリストに対し、自然数 n を入力したとき、その数値がリストに入っているかを判定する関数 `linear_search` を定義しなさい。
入っていればその位置を、入っていない場合は -1 を出力する。

出力例

```
data<-c(1,2,3,4,5,6)
linear_search(data,3)=3,
linear_search(data,9)=-1,
```

○線形探索 (解答)

```
linear_search <- function(vec,n) {  
  len <- length(vec)  
  for(i in 1:len){  
    if(vec[i]==n){  
      return(i)  
    }  
  }  
  return(-1)  
}
```

出力例

```
data <- c(1,2,3,4,5,6)  
linear_search(data,3)=3,  
linear_search(data,9)=-1,
```

○二分探索

問題 8 :

値が小さい順に並んでいるリストに対し、このリストから特定の値 n を探索する「二分探索」のプログラム(bin_search)はどのような探索アルゴリズムかを確認しなさい。

(線形探索との比較)

出力例

```
data <- c(2,3,5,7,9,10)
bin_search(data,9)=5
```

二分探索

問題 8 (解答)

```
bin_search<-function(vec,n) {
  left <- 1
  right <- length(vec)
  while(left <= right) {
    mid<-floor((right + left)/2)
    if(n == vec[mid]){
      result <- mid
      break
    }
    else if(n > vec[mid]){
      left <- mid+1
    }
    else{
      right <- mid-1
    }
  }
  return(result)
}
```

二分探索は値の小さいグループと値の大きいグループを移動させながら探索範囲を絞り込んで探索していく。

データ群があらかじめ「昇順」や「降順」に整理されていれば、膨大なデータを処理する際は線形探索より効率である。

出力例

```
data<-c(2,3,5,7,9,10)
bin_search(data,9)=5
```

○ピタゴラス数

問題9 (解答)

自然数 n を入力したとき、 n までのピタゴラス数 (3つの対) を出力する関数 `pythagoras` を定義しなさい。(定数倍の重複を許す)

```
pythagoras <- function(n){
  for(i in 1 : n){
    for(j in 1 : i-1){
      for(k in 1 : j){
        if(k^2 + j^2 == i^2){
          x <- c(k,j,i)
          print(x)
        }
      }
    }
  }
}
```

出力例 :

```
pythagoras (20)
```

問題10：Collatz関数

(1) collatz関数 (n が奇数 $\rightarrow 3n+1$, n が偶数 $\rightarrow n/2$) を定義しなさい.

出力例：collatz(9) = 28

(2) collatz関数をs回繰り返すcollatzlist(n,s)を定義しなさい.

出力例：collatzlist(3, 10)=3, 10, 5, 16, 8, 4, 2,1 ,4, 2, 1.

(3) collatzlist関数において1が出力されたら処理を終了する関数collatzlist 2 を定義しなさい.

出力例：collatzlist 2 (3)=3, 10, 5, 16, 8, 4, 2,1

問題10 (2) (ヒント)

collatz関数をs回繰り返す関数 collatzlist を作成しなさい。

```
collatzlist <- function(n,s) {  
  for (  ) { # 変数をiにして1からsまで繰り返す  
    if(n %% 2 ==0 ) {  
      n <- n/2  
    }  
    else{  
      n <- 3*n+1  
    }  
    print(n)  
  }  
}
```

問題10 (2) (解答例)

collatz関数をs回繰り返す関数 collatzlist を作成しなさい。

```
collatzlist <- function(n,s) {  
  for (i in 1:s) {  
    if(n %% 2 == 0 ) {  
      n <- n/2  
    }  
    else{  
      n <- 3*n+1  
    }  
    print(n)  
  }  
}
```

実行

```
>  
collatzlist(4,3)  
[1] 2  
[1] 1  
[1] 4
```

問題10 (2) (発展)

出力をベクトル形式にする

```
collatzlist <- function(n,s) {  
  x <- n # ベクトル x に n を代入する  
  for(i in 1:s){  
    if(n %% 2 ==0 ){  
      n <- n/2  
    }  
    else{  
      n <- 3*n+1  
    }  
    x <- c(x, n) # ベクトル x に順次, 結果を追加する  
  }  
  print(x)  
}
```

結果
> collatzlist(3,10)
[1] 3 10 5 16 8 4 2 1 4 2 1

問題10 (2) (発展)

外部でcollatzを定義してcollatzlistを定義すると、すっきりする

```
collatz <- function(n){  
  if(n %% 2 == 0 ){  
    x <- n/2  
  }  
  else{  
    x <- 3*n+1  
  }  
}
```



```
collatzlist <- function(n,s){  
  x <- n  
  for(i in 1:s){  
    n <- collatz(n)  
    x <- c(x, n)  
  }  
  return(x)  
}
```

出力なし関数

問題10 (3)

collatzlist関数で1が出力されたら処理を終了

```
collatzlist2 <- function(n) {  
  x <- n  
  while (  ) {          # nが1になるまで繰り返す  
    n <- collatz(n)  
    x <- c(x, n)  
  }  
  print(x)  
}
```

問題10 (3) 解答例

collatzlist関数で1が出力されたら処理を終了

```
collatz <- function(n){  
  if(n %% 2 ==0 ){  
    x <- n/2  
  }  
  else{  
    x <- 3*n+1  
  }  
}
```

```
collatzlist2 <- function(n){  
  x <- n  
  while ( n > 1){  
    n <- collatz(n)  
    x <- c(x, n)  
  }  
  return(x)  
}
```

実行

```
> collatzlist3(3)  
[1] 3 10 5 16 8 4 2 1
```

問題(発展) 1から100までで一番長い経路をだどって1になる自然数を求めよう

- (1) 1から100までのcollatz数で1に至るまでのリスト数を定義するcollatzlist3を作成しなさい.
- (2) 一番長いcollatz数の経路をグラフ化しなさい.

問題(発展)

1から100までで一番長い経路をだどって1になる自然数を求めよう

```
collatz <- function(n){  
  if(n %% 2 ==0 ){  
    x <- n/2  
  }  
  else{  
    x <- 3*n+1  
  }  
}
```

```
collatzlist2 <- function(n){  
  x <- n;  
  while ( n > 1){  
    n <- collatz(n)  
    x <- c(x, n)  
  }  
  return(x)  
}
```

```
collatzlist3 <- function(n){  
  x <- NULL  
  for (i in 1:n){  
    y <-length(collatzlist2(i))  
    x <- c(x,y)  
  }  
  return(x)  
}  
  
#実行  
collatzlist3(20)
```

各自然数の1から20までの経路数

```
[1] 1 2 8 3 6 9 17 4 20 7 15 10 10 18 18 5 13 21 21 8
```